平成24年度大学入試センター試験アンケートの分析

愛媛県立新居浜西高等学校 青野 洋介 愛媛県立西 条高等学校 真田 幸治 愛媛県立松 山 北高等学校 黒河 知子

1 はじめに

大学入試研究委員会では、県内の高校生に対して、昭和 63 年度入試から共通一次試験、平成 2 年度入試からは大学入試センター試験に関するアンケートを毎年実施している。このアンケートの結果を分析し、数学の指導方法について研究を続けてきた。今回も昨年度に続き意識調査のアンケートを「数学 I・数学 A」「数学 I1・数学 B3」の科目別に行った。

今年度の大学入試センター試験は、志願者が 555,537 人(昨年度 558,984 人)で、昨年度と比べて 3,447 人減少した。受験率は 94.74% (昨年度 94.42%) とほぼ昨年度なみであった。

受験者数は、「数学 I・数学 A」が 384,818 人 (昨年度 377,714 人)、「数学 II・数学 B」が 349,438 人 (昨年度 340,620 人) と昨年と比べ増加した。平均点は「数学 I・数学 A」が 69.97 点 (昨年度 65.95 点)、「数学 II・数学 B」が 51.16 点 (昨年度 52.46 点) であった。(数字は大学入試センター発表)

「数学Ⅰ・数学A」「数学Ⅱ・数学B」ともに大問構成,出題分野,配点ともに昨年度と比べ変化はなかった。

「数学 I・数学 A」は、全体的に基本事項を確認する問題が中心であった。昨年度より平均点が 4 点高くなり、昨年に引き続き、やや易化した。アンケート項目においても、「教科書の節末・章末問題と比べやさしかった」と答えた生徒は 32.7%(昨年度 23.5%)、「教科書中心の準備で十分」と答えた生徒は59.3%(昨年度 49.4%)など、生徒自身も易化したことを実感した様子である。

「数学II・数学B」は計算量がやや増加した。アンケート項目では、「教科書の節末・章末問題と比べむずかしかった」と答えた生徒は89.1%(昨年度55.5%)、「受験準備が必要」と答えた生徒は93.4%(昨年度79.4%)、「出題数は多すぎる」と答えた生徒は60.5%(30.6%)、「出題分量に対して、時間は少なすぎる」と答えた生徒は65.7%(昨年度48.6%)など、生徒自身も昨年に引き続き難化したと実感した様子である。しかし、全国平均は前年度マイナス1.3点であったが、本県の平均点は前年度マイナス4.2点と大変厳しい結果となった。60分の試験時間を考えると、正確に計算処理をする力や数学的な見方や考え方がともに必要とされる。そのためには日ごろの授業や問題演習などから意識した学習が必要な出題傾向であった。

2 アンケートの概要

大学入試研究委員会では、例年、愛媛県内各高校の協力を得て、現役高校生の実態を調査している。

アンケートはセンター試験の各設問別に正答, 誤答, 無答を

記入する問題編と、受験生がセンター試験を受験しての意識を 問うアンケート編の2部構成となっている。今回のアンケート は県内2,022名の受験生の協力を得ることができた。また、ア ンケートはセンター試験直後に実施していただいた。

なお、表中の愛媛県平均点は、アンケートによる結果であり、 全県下の受験生の平均点ではない。

表 1 平均点比較

	愛媛		全	玉
数学 I A	71. 0	(70. 6)	69. 97	(65. 95)
数学Ⅱ B	48.8	(53. 0)	51. 16	(52.46)

()は、前年度の平均点を表す。全国平均は大学入試センター発表

表 2 全国平均点、愛媛県平均点の推移

数学I・A	愛 媛	全 国	差
H15	67. 2	61. 2	6. 0
H16	72. 4	70. 2	2. 2
H17	71. 7	69. 4	2. 3
H18	68. 6	62. 4	6. 2
H19	59. 5	54. 1	5. 4
H20	71. 6	66. 3	5. 3
H21	68. 0	64. 0	4.0
H22	49. 4	49. 0	0.4
H23	70. 6	66. 0	4.6
H24	71. 0	70. 0	1.0

数学Ⅱ・B	愛 媛	全 国	差
H15	55. 1	49. 8	5. 3
H16	43. 8	45. 7	-1.9
H17	51. 5	52. 5	-1.0
H18	60. 3	57. 7	2.6
H19	49. 5	48. 9	0.6
H20	51. 9	51. 0	0.9
H21	49. 3	50. 9	-1.6
H22	55. 2	57. 1	-1.9
H23	53. 0	52. 5	0.5
H24	48.8	51. 2	-2.4

3 センター試験の全体的傾向

(1) 数学 I・数学A

大問構成・出題形式・配点等は昨年度と同様である。第3問では、2円の位置関係を問う設問が出題され、やや受験生も困惑したかもしれないが、全体としては取り組みやすい問題構成であった。特に、第4問は計算量も少なく、誘導もよく、解きやすかったと思われる。得点率も79.4%と好結果であった。そのため、本県生徒の平均点も昨年度より上昇している。

表3 大間別平均点および得点率

X			
問題番号 (配点)	平均点	得点率	
第1問 (20) 方程式と不等式・ 集合と論理	14. 0 (13. 1)	70. 0% (65. 5%)	
第2問(25) 2次関数	17. 0 (17. 7)	68. 0% (70. 8%)	
第3問 (30) 図形と計量 平面図形	20. 2 (22. 0)	67. 4% (73. 3%)	
第4問 (25) 場合の数 確率	19. 9 (17. 7)	79. 4% (70. 8%)	

()は、前年度を表す。

問題ごとの分析を行う。

第1問「方程式と不等式・集合と論理」

[1] センター試験では頻出である、絶対値を含む不等式の問題である。(2)をミスなく解くことができれば、(3)は具体的に数値を代入すれば容易に解くことができる。アンケート結果からも、「1までの正答率が85%を上回っており、どの受験生にとっても取り組みやすい問題であった。

[2] 自然数に関する不等式を用いた条件の否定、必要条件・十分条件の問題である。(1)はド・モルガンの法則の理解が問われた。(2)では具体的な値の場合について、(1)での内容を踏まえ対偶で考えることができればよいが、対偶を考えることに気付きにくい問題であった。 りの正答率が 83.0%であったのに対し、 り, コ, サの正答率が 40%前後であったことに顕著に表れており、前問との関連性を持って考えることが必要である。

問題量、計算量ともに標準的であった。

第2間「2次関数」

放物線の頂点、x 軸との交点、最大値・最小値、平行移動についての総合的な問題である。全体的に標準的な設問が多く、十分な練習がなされていれば対処できる問題である。全体的な正

答率は昨年度とほとんど変わらないが、平行移動の設問である(2)の[ッ]と[テトナ]の正答率に15%以上の差があり、y 軸方向への平行移動に関する誤答が多かった。

問題量・計算量ともに昨年度よりも減少し、やや易化した。

第3問「図形と計量」

二等辺三角形とその内接円に関する三角比(数学 I)と平面図形(数学 A)の融合問題である。前半は、余弦定理、三角比の相互関係、三角形の面積、内接円の半径などの基本的なものであり、正答率も 90%前後と非常に高く、取り組みやすかった。 (1)における 2 円の位置関係について考えさせる設問 t は目新しかったが、正答率は 70.8%であり、思いのほか受験生は対応できていた。 (2)の最後の設問である t では、正答率が t 27.2%と著しく低く、t 18.7%が無答であるなど、「数学 t 1・数学 t 9 中で最も苦戦した設問であった。これは、点 t 6 が t 2 の重心であることに気付けば容易に求められる。また、メネラウスの定理などの利用によっても求められる。与えられた図形の特徴を把握し、図を正確にかき、視覚化することを日ごろから練習しておくことが重要である。

問題量・計算量ともに標準的であったが、図形の特徴を捉えられるかどうかで難易度の感じ方に差が出る問題であった。

第4問「場合の数・確率」

9枚のカードから同時に5枚のカードを取り出す問題である。(1)の場合の数は組合せの考え方を用いることで容易に求めることができる。(2)は点数を与えるルールが単純であり、誘導もよく、求めやすかった。得点が1と5になる場合、2と4になる場合の確率はそれぞれ同じであることに気付けば計算も簡単に処理できた。全体の正答率が最も高く、79.4%であった。最後の設問である期待値の正答率も60.5%であり、取り組みやすかったことを表している。

問題量・計算量ともに減少し、易化した。

(2) 数学**Ⅱ**・数学B

大問構成・出題形式・配点等は昨年度と同様であるが、昨年度と比較すると全体的に計算量が多く、計算力による差が出たかもしれない。第1間[2]は目新しい問題設定であり、必要以上に時間を費やした受験生も多かったと思われる。また、第3間の数列の後半では漸化式の処理が難しく、第4間のベクトルでは計算量が多く、全体として難化した。選択問題の組合せとしては、数列・ベクトルの選択が91.6%と圧倒的に多く、数列・統計が4.5%、ベクトル・統計が1.9%であった。

表 4 選択問題をいつ選んだか

選択した問題の	選択した問題以外も解いてみて、自信の
みを解いた	ある問題を解答した
97.3%	2.6%

表5 大問別平均点および得点率

問題番号 (配点)	平均点	得点率
第1問 (30)	13. 8	46. 0
いろいろな関数	(19. 7)	(65. 7%)
第2問 (30)	17. 5	58. 2
微分法・積分法	(15. 7)	(52. 3%)
第3問 (20)	10. 5	52. 6
数列	(5. 6)	(28. 0%)
第4問 (20)	7. 2	35. 8
ベクトル	(12. 1)	(60. 5%)
第5問 (20)	7. 3	36. 3
統計	(6. 2)	(31. 0%)
第6問 (20) 数値計算と コンピュータ	6. 0 (5. 3)	30. 0 (26. 5%)

表6 選択問題の組合せパターン

組合せパターン	割合
第3問と第4問	01 00/
(数列+ベクトル)	91.6%
第3問と第5問	4 50/
(数列+統計)	4.5%
第3問と第6問	0.00/
(数列+数値計算とコンピュータ)	0.9%
第4問と第5問	1 00/
(ベクトル+統計)	1.9%
第4問と第6問	0.2%
(ベクトル+数値計算とコンピュータ)	0.2%
第5問と第6問	0.00/
(統計+数値計算とコンピュータ)	0.9%

第1問「いろいろな関数」

[1]対数不等式の解を求める問題である。計算量も少なく、 真数条件や底の条件を誘導に従えば確実に解くことができる。 前半は正答率75%以上であり、取り組みやすかったようである が、後半のりの正答率が61.7%、サの正答率が64.6%など、 ケマコと比較しておよそ10%低く、対数の真数部分を比較して得られる2次不等式が十分に解けていないと考えられる。

[2] 三角関数の最大値に関する問題である。文字が多く、 計算も煩雑であり多くの受験生が苦戦したと考えられる。三角 関数の性質、三角関数のグラフ、単位円などの基本的な性質を 十分理解しておくことが必要である。特に、 | トナ , 「ニヌネ , 「/ハ などの設問では正答率が5%を下回った。

昨年度と比べると[1]はやや易化したが、[2]では計算量などが多く、全体的にやや難化した。

第2問「微分法・積分法」

3次関数と2次関数のグラフや共通接線、極大・極小、曲線で囲まれる部分の面積に関する総合的な問題である。計算量は多く、1つの計算ミスが大きな失点につながるが、問題は基本的なものが多く、受験生にとっては取り組みやすい問題であったと考えられる。 「タチッ」の極大値までの正答率は 65%以上であった。最後の設問である、曲線によって囲まれる面積は、グラフの対称性などの特徴を生かして計算を効率的にすることもできた。

難易度は昨年度とほぼ変わらず、標準的であった。

第3問「数列」

前半は、等差数列の一般項と和、後半は和の式で与えられた 漸化式から誘導に従って一般項を求めていく問題である。前半は計算も容易であり、「740」、「140」の正答率が 90%以上、「140」の正答率は 140 の正答率は 140 の形の隣接二項間の漸化式を解き慣れているかどうかで大きく差がついたと考えられる。また、マーク形式独特の与えられた解答の形や、次の設問の状況から解法を推測する力も必要である。

計算量も多く、難易度はやや難化した。

第4問「ベクトル」

空間ベクトルの問題である。空間内の2直線が交わることを示し、その交点を通る、ある平面と直線の交点の位置ベクトルを求める問題である。図が与えられておらず、かつ図がかきにくい設定であり、全体の正答率が非常に低かった。(1)の了の正答率は93.1%であったが、わるようである。内積の後、「チット」、「「スト」の正答率は6%前後であった。内積の計算量が多く、垂直であることなどを用いることもできるが、受験生にとっての負担は大きかったと思われる。ベクトルの大きさや内積の定義、1次独立などの基本を理解したうえで、それらを正しく活用する確かな力が必要とされる。

問題量、計算量ともに昨年よりも多く、難化した。

第5問「統計とコンピュータ」

前半は、20人の生徒の国語と英語の得点の相関図から平均値、 分散、相関係数などを求める問題である。後半は、前半の集団 に40人を加えた相関図から生徒の人数を求め、加わった40人 の平均値や中央値を求める問題である。最後の設問は平均値と 中央値を比較させる問題であり、新鮮であった。相関図を的確 に読み取り、正確に計算することが求められる。 計算量が昨年よりもやや多く、やや難化した。

第6問「数値計算とコンピュータ」

前半は、Mから始まるN個の連続する自然数の積が2の3乗で割り切れるかどうかを調べるプログラムの問題である。後半は同様の設定で、2のN乗で割り切れるが(N+1)乗では割り切れないNの個数を求めるプログラムの問題である。整数を題材として扱っており、プログラムだけではなく、整数に関する理解も求められる。

難易度は昨年と同程度であった。

4 研究のまとめと今後の課題

今年度の出題傾向とアンケート結果から次のことが考えられる。

(1) 処理能力の強化

アンケート結果からもわかる通り、特に「数学II・数学B」の試験では、65.7%の生徒が出題分量に対して、時間が少なすぎると答えている。しかし、34.2%の生徒はちょうどよい・多すぎると答えてもいる。60分の試験時間の中で与えられた問題を処理するためには、「解きやすい問題を見極める」、「できる問題から取り組む」、「うまく誘導にのる」、「計算スピードを上げる」ことなどが考えられる。それらを実行できる受験生にとっては、試験時間は少なすぎると感じることはないであろう。日ごろのセンター試験対策から時間を意識しながらの学習を積み重ね、計算力や計算スピードを向上していかなければならないと考えられる。

(2) 平面・空間図形の問題に対する実践力の強化

昨年度と比較して、問題の難易度の変化はあったが、「数学 I・数学A」での第3間、「数学II・数学B」での第4間などの 平面図形や空間図形の問題に対する正答率が低下している。各 大間の前半の正答率から考えると、基本的な知識や理解はあるものの、それらを後半の応用問題に十分活用できていないのではないかと考えられる。図形の問題では、計算力だけでなく、 与えられた条件を満たす図形を丁寧にかき、図から読み取ることによって視覚的に問題解決に近づくこともある。日ごろの演習から素早く正確な図形をかくことにも注意した指導が必要であると考えられる。

(3) 数学的思考力の強化

生徒のアンケートからもわかるように、センター試験の問題は知識のみではなく、数学的な考え方を問うような傾向がある。 基礎的・基本的な知識・理解はもちろんのことであるが、思考 段階での工夫や数学的な見方・考え方が今後一層求められると 考えられる。そのために、日々の授業の中で生徒の数学的思考 力を高められるような教材研究や指導方法を模索し、私たち自 身も常に自己研鑽していかなくてはならない。

平成24年度大学入試センター試験 アンケート集計結果

数学 I・A

1 問題は全体として、教科書の節末・章末問題と比べ

	人数	%
やさしかった	660	32. 7
同じ程度だった	1110	55. 1
むずかしかった	246	12. 2

2 この程度の問題ならば

	人数	%
教科書中心の授業で十分	1195	59. 3
受験準備が必要	810	40. 2

3 出題数は

	人数	%
少なすぎる	68	3. 4
ちょうどよい	1772	87. 9
多すぎる	176	8. 7

4 出題分量に対して、時間は

	人数	%
少なすぎる	388	19. 3
ちょうどよい	1508	74.8
多すぎる	119	5. 9

5 問題の傾向についてみると

	人数	%
知識を問う傾向	519	26.8
考え方を見る傾向	484	25. 0
知識と考え方のバランスがとれ ている	930	48. 1

6 解答形式 (マークセンス方式) について、その練習は

	人数	%
しなくてもよい	276	14. 3
少しはしたほうがよい	1236	63. 9
大いにしなければならない	422	21.8

自己採点結果

第1問	正答	誤答	無答
アイ	96.0%	3.8%	0.2%
ウ	96.5%	3.4%	0.1%
エオ	98.2%	1.5%	0.3%
カ	86.9%	11.5%	1.7%
丰	85.0%	12.9%	2.1%
ŋ	83.0%	14.7%	2.2%
ケ	38.0%	56.3%	5. 7%
2	41.5%	53.4%	5.1%
t	38.3%	55.1%	6.6%

第2問	正答	誤答	無答
アイウ	94.5%	4.9%	0.7%
工才力	89.9%	8.7%	1.7%
キクケ	84. 2%	13.3%	2.5%
コサ	72.0%	22.3%	5.7%
シス	54.5%	38. 2%	7.3%
t	61.8%	32.0%	6.2%
ソタチ	49.0%	40.8%	10.2%
ツ	46.7%	42.1%	11.2%
テトナ	30.6%	55.3%	14.1%

第3問	正答	誤答	無答
71	94.1%	5. 2%	0.7%
ウエオ	93.3%	5.7%	0.9%
力キ	95.0%	4.1%	0.9%
クケ	81.4%	15. 2%	3.5%
コサ	53.3%	38.3%	8.3%
シス	52.6%	40.1%	7.3%
t	70.8%	23.9%	5.3%
ソタ	55.8%	32.1%	12.2%
Ŧ	40.9%	45. 2%	13.9%
ツテ	27. 2%	54.2%	18.7%

第4問	正答	誤答	無答
アイウ	98.3%	1.6%	0.2%
エオ	88.7%	9.2%	2.2%
力キ	89.0%	8.7%	2.3%
クケ	80. 2%	15.6%	4.2%
コサシス	86.1%	9.1%	4.8%
セソタ	71.7%	20.0%	8.3%
チツ	73.8%	17.9%	8.3%
テト	60.5%	27.0%	12.5%

数学**Ⅱ・**B

1 問題は全体として、教科書の節末・章末問題と比べ

	人数	%
やさしかった	24	1.2
同じ程度だった	194	9. 7
むずかしかった	1791	89. 1

2 この程度の問題ならば

	人数	%
教科書中心の授業で十分	102	5. 1
受験準備が必要	1877	93. 4

3 出題数は

	人数	%
少なすぎる	26	1.3
ちょうどよい	768	38. 2
多すぎる	1214	60. 5

4 出題分量に対して、時間は

	人数	%
少なすぎる	1318	65. 7
ちょうどよい	446	22. 2
多すぎる	241	12.0

5 問題の傾向についてみると

	人数	%
知識を問う傾向	177	8. 9
考え方を見る傾向	971	48. 6
知識と考え方のバランスがとれ ている	851	42. 6

6 解答形式 (マークセンス方式) について、その練習は

	人数	%
しなくてもよい	227	11. 3
少しはしたほうがよい	1063	53. 1
大いにしなければならない	713	35. 6

7 どの問題を選択しましたか

	人数	%
第3問と第4問	1679	91.6
第3問と第5問	82	4. 5
第3問と第6問	17	0.9
第4問と第5問	34	1. 9
第4問と第6問	3	0. 2
第5問と第6問	17	0. 9

8 選択問題について

	人数	%
選択した問題のみを解いて	1775	97. 3
マークした	1775	91. 5
選択した問題以外も解いて、自信	48	2.6
のある解答をマークした	48	2. 0

自己採点結果

第1問	正答	誤答	無答
7	89.7%	8.8%	1.5%
1	89.5%	9.0%	1.5%
ウエオカ	75.5%	20.1%	4.4%
丰	76.4%	19.7%	3.9%
Ź.	61.7%	31.0%	7.3%
ケ	71.4%	22.6%	5.9%

z	74.6%	19.4%	6.0%
t	64.6%	27.9%	7.5%
ý	63. 2%	29.5%	7.3%
ス	62.2%	30.0%	7.8%
セソ	17.5%	61.1%	21.5%
Я	37.8%	41.4%	20.8%
チツ	14.3%	59. 2%	26.5%
テ	16.5%	55.8%	27.7%
トナ	4.8%	59.4%	35.9%
ニヌネ	2.4%	59.5%	38.1%
ノハヒ	1.1%	59.0%	39.9%
7	16.2%	50.8%	33.0%

第2問	正答	誤答	無答
アイウ	83.3%	14.5%	2.2%
工才	84. 4%	13.2%	2.5%
カキク	81.8%	14.4%	3.8%
ケコサ	80.3%	14.9%	4.7%
ý	77.5%	16.4%	6.1%
ス	78. 2%	15.5%	6.3%
セソ	71.0%	21.5%	7.5%
タチツ	65.6%	24.4%	10.0%
テ	52. 2%	35. 7%	12.1%
}	59. 2%	26.9%	13.9%
た	37.1%	45.4%	17.5%
ヌネノ	6.2%	62.7%	31.1%

			
第3問	正答	誤答	無答
アイウ	96. 2%	2.9%	0.9%
エオ	94.8%	4.0%	1.2%
カキクケ	91.7%	6.3%	2.0%
コサシ	79.1%	16.6%	4.4%
ス	69.0%	22. 2%	8.9%
t	44. 2%	36.6%	19.3%
ソタ	30.6%	47.5%	21.9%
Ŧ	49.6%	24.4%	26.0%
ツ	34.4%	36.4%	29.3%
テ	20.7%	49.7%	29.6%
}	20.4%	49.1%	30.5%
ナニヌネ	11.5%	52. 2%	36.4%

第4問	正答	誤答	無答
P	93.1%	5.6%	1.3%
イウ	79.3%	17.4%	3.3%

エオカ	77.9%	16.2%	6.0%
キク	33. 2%	49.6%	17.3%
ケコ	32.1%	49.1%	18.8%
サシスセ	25. 1%	45.5%	29.4%
y	43.6%	27.9%	28.6%
Я	31.5%	38.6%	29.9%
チツテト	5. 2%	54.2%	40.6%
た	7.6%	52.5%	39.9%
ヌネ	7.3%	51.6%	41.1%

第5問	正答	誤答	無答
7	88.8%	9.5%	1.7%
1	41.4%	51.7%	6.9%
ウエ	86.2%	12.9%	0.9%
オカキ	29.3%	50.9%	19.8%
Ź.	76.7%	19.0%	4.3%
ケコサシ	1.7%	65.5%	32.8%
スセソ	63.8%	25.0%	11.2%
Я	73.3%	16.4%	10.3%
チツ	36.2%	44.8%	19.0%
テトナ	35.3%	47.4%	17.2%
=3	25.0%	46.6%	28.4%
ネノ	18.1%	47.4%	34.5%
Λ	7.8%	62.9%	29.3%
ť	31.0%	40.5%	28.4%

-			
第6問	正答	誤答	無答
7	18.5%	70.4%	11.1%
1	59.3%	33.3%	7.4%
ウ	37.0%	51.9%	11.1%
I	25.9%	63.0%	11.1%
オ	18.5%	66.7%	14.8%
カ	22. 2%	59.3%	18.5%
丰	25.9%	59.3%	14.8%
2	18.5%	66.7%	14.8%
ケ	25.9%	55.6%	18.5%
д	25.9%	63.0%	11.1%
t	37.0%	51.9%	11.1%
ý	33. 3%	48.1%	18.5%

センター試験 【数学 I・数学 A、数学 II・数学 B】 平成24年1月15日実施 各60分 各100点

数学 I·数学A (全間必答)

第1問 (配点 20)

(1)

以下、a を自然数とする。

(2) 不等式

- (3) 不等式①を満たす整数xの個数eNとする。a=3のとき、 N= カ である。また、a が 4 , 5 , 6 , \cdots と増加するとき、N が初め て カ より大きくなるのは、a = のときである。
- [2] kを定数とする。自然数m, nに関する条件p, q, rを次のように定め る。

p: m > k $\pm k$ $\pm k$ $q:mn>k^2$ r:mn>k

- (1) 次の \boxed{p} に当てはまるものを、下の \boxed{p} \boxed{p} のうちから一つ選べ。 p の否定 p̄ は **ク** である。
 - 0 m > k $\pm k$ t t t
 - (1) m > k in > k
 - ② $m \le k \text{ in } \supset n \le k$
- 3 $m \le k$ $\exists k$
- (2) 次の ケ ~ サ に当てはまるものを, 下の 0~3 のうちから 一つずつ選べ。ただし、同じものを繰り返し選んでもよい。
- pはqであるための ケ。
- (ii) k = 2 とする。

pはrであるための コ。 pはqであるための サ。

- ◎ 必要十分条件である
- ① 必要条件であるが、十分条件でない
- ② 十分条件であるが、必要条件でない
- ③ 必要条件でも十分条件でもない

第2問 (配点 25)

a, bを定数として2次関数

$$y = -x^2 + (2a + 4)x + b$$
 1

について考える。関数①のグラフGの頂点の座標は

$$(a + 7, a^2 + 4 a + b + 5)$$

である。以下、この頂点が直線 y = -4x - 1 上にあるとする。このとき、

$$b = -a^2 - \boxed{ } a - \boxed{ } d + \boxed{ }$$

である。

(1) グラフGがx軸と異なる2点で交わるようなaの値の範囲は

である。また、G が x 軸の正の部分と負の部分の両方で交わるような a の値の

(2) 関数 ① $0 \le x \le 4$ における最小値が -22 となるのは

$$a = \boxed{\flat \lambda}$$
 $\exists \lambda \ a = \boxed{\dagger}$

値は ソタチ である。

一方、
$$a = \boxed{>}$$
ス のときの①のグラフを x 軸方向に \boxed{y} 、 y 軸方向に \boxed{r} だけ平行移動すると、 $a = \boxed{t}$ のときのグラフと一致する。

第3問 (配点 30)

 $\triangle ABC$ において、AB = AC = 3、BC = 2 であるとき

$$\cos$$
∠ABC = $\boxed{7}$, \sin ∠ABC = $\boxed{7}$ $\sqrt{\boxed{1}}$

であり、△ABCの面積は カ √ + 、△ABCの内接円Iの半径は

(1) 辺AB上の点Pと辺BC上の点Qを、BP=BQかつPQ= $\frac{2}{2}$ となるよう

にとる。このとき,
$$\triangle$$
PBQの外接円 O の直径は $\sqrt{}$ であり,円 I と

円0は セ 。ただし、 セ には次の〇~④から当てはまるものを 一つ選べ。

- ② 外接する
- 3 異なる2点で交わる 4 共有点をもたない

(2) 円 I 上に点 E と点 F を、 3 点 C、 E、 F が 一直線上にこの順に並び、 かつ、 $CF = \sqrt{2}$ となるようにとる。このとき

$$CE = \frac{\sqrt{y}}{9}$$
, $\frac{EF}{CE} = \boxed{\mathcal{F}}$

さらに、円Iと辺BCとの接点をD、線分BEと線分DFとの交点をG、

線分 CG の延長と線分 BF との交点を M とする。このとき、 $\frac{GM}{CG} = \boxed{ " " " }$ である。

第4問 (配点 25)

1から9までの数字が一つずつ書かれた9枚のカードから5枚のカードを同時 に取り出す。このようなカードの取り出し方は アイウ 通りある。

- (1) 取り出した5枚のカードの中に5と書かれたカードがある取り出し方は エオ 通りであり、5と書かれたカードがない取り出し方は カキ 通りで ある。
- (2) 次のように得点を定める。
- 取り出した5枚のカードの中に5と書かれたカードがない場合は、 得点を 0 点とする。
- 取り出した5枚のカードの中に5と書かれたカードがある場合, この5枚を書かれている数の小さい順に並べ、5と書かれたカードが小さい 方から k 番目にあるとき、得点を k 点とする。

 コ
 で、得点が2点となる確率は

 サシス
 ソタ

 ・ 得点が3点となる確率は
 また、得点の期待値はテー点である。

数学Ⅱ·数学B

第1問 (必答問題) (配点 30)

[1] a > 0, $a \ne 1$ として, 不等式

$$2\log_a(8-x) > \log_a(x-2)$$
① たオッの原の範囲をおおとう

を満たすxの値の範囲を求めよう。

 $\log_a b$ に対し、aを底といい、bを真数という。

底aがa<1を満たすとき、不等式①は

ちから一つ選べ。

したがって、真数が正であることと②から、a < 1のとき、不等式①を

同様にして、 $\alpha > 1$ のときには、不等式①を満たすxのとり得る値の範 囲は \exists < x < \forall であることがわかる。

 $(2) \quad 0 \le \alpha \le \pi \ge 1$

 $\sin \alpha = \cos 2\beta$

を満たす β について考えよう。ただし、 $0 \le \beta \le \pi$ とする。

たとえば、 $\alpha = \frac{\pi}{6}$ のとき、 β のとり得る値は $\frac{\pi}{2}$ と $\frac{\pi}{2}$ π の 一つである。

このように、 α の各値に対して、 β のとり得る値は二つある。そのうちの 小さい方を β_1 , 大きい方を β_2 とし

$$y = \sin\left(\alpha + \frac{\beta_1}{2} + \frac{\beta_2}{3}\right)$$

が最大となるαの値とそのときのyの値を求めよう。

 β_1 , β_2 を α を用いて表すと, $0 \le \alpha < \frac{\pi}{2}$ のときは

$$\beta_1 = \frac{\pi}{2} - \frac{\alpha}{2}, \ \beta_2 = \frac{9}{2}\pi + \frac{\alpha}{2}$$

となり, $\frac{\pi}{2} \le \alpha \le \pi$ のときは

$$eta_1 = -rac{\pi}{\mathcal{F}} + rac{\alpha}{\mathcal{Y}}, \ eta_2 = rac{\overline{\mathcal{F}}}{\mathcal{F}}\pi - rac{\alpha}{\mathcal{Y}}$$

したがって、 $\alpha + \frac{\beta_1}{2} + \frac{\beta_2}{2}$ のとり得る値の範囲は

$$\frac{\boxed{\ \ \ \ \ \ \ \ }}{\boxed{\ \ \ \ \ }}\pi \leq \alpha + \frac{\beta_1}{2} + \frac{\beta_2}{3} \leq \boxed{\boxed{\ \ \ \ \ \ }}\pi$$

yの値は フ であることがわかる。 フ に当てはまるものを, 次の ○~③のうちから一つ選べ。

$$\bigcirc \frac{1}{2}$$
 $\bigcirc 1$ $\bigcirc \frac{\sqrt{2}}{2}$ $\bigcirc \frac{\sqrt{3}}{2}$

第2問 (必答問題) (配点 30)

座標平面上で曲線 $y = x^3$ を C とし、 放物線 $y = x^2 + px + q$ を D とする。

(1) 曲線 C上の点 $P(a, a^3)$ における Cの接線の方程式は

である。放物線Dは点Pを通り、DのPにおける接線と、CのPにおける接線が一致するとする。このとき、pとqをaを用いて表すと

$$\begin{cases} p = 3 a^{\boxed{\square}} - \boxed{\cancel{\pi}} a \\ q = \boxed{\cancel{\pi}} + a^{\boxed{2}} \end{cases}$$

となる。

以下, p, qは①を満たすとする。

(2) 放物線 D が y 軸上の与えられた点 Q(0, b) を通るとき

が成り立つ。与えられたbに対して、2を満たすaの値の個数を調べよう。 そのために、関数

き,② を満たす a の値の個数は \bigcirc テ \bigcirc であることがわかる。

を D_2 とする。 D_1 , D_2 とx軸で囲まれた図形の面積は $\frac{2}{3}$ を $\sqrt{2}$ である。

第 3 問 (選択問題) (配点 20)

 $\{a_n\}$ を $a_2=-rac{7}{3}$, $a_5=-rac{25}{3}$ である等差数列とし、自然数nに対して、 $S_n=\sum\limits_{n=0}^{n}a_k$ とおく。

$$S_n = \boxed{ } \qquad n^2 + \boxed{ \frac{\sharp}{ } \qquad } \qquad (n = 1, 2, 3, \cdots)$$

である。

次に, 数列{b_n}は

$$\sum_{k=1}^{n} b_{k} = \frac{4}{3} b_{n} + S_{n} \qquad (n = 1, 2, 3, \cdots) \qquad \cdots \qquad \boxed{1}$$

を満たすとする。数列 $\{b_n\}$ の一般項を求めよう。① から、 b_1 = ス である。さらに、 $\sum_{k=1}^{n+1}b_k=\sum_{k=1}^{n}b_k+b_{n+1}$ に注意して、① を利用すると

$$b_{n+1} = 2b_n + y_n + 9$$
 $(n = 1, 2, 3, \dots)$

が成り立ち、この等式は

$$\begin{array}{l} b_{n+1} + \boxed{\mathcal{F}} (n+1) + \boxed{\mathcal{Y}} \\ \\ = \boxed{t} \left(b_n + \boxed{\mathcal{F}} n + \boxed{\mathcal{Y}} \right) & (n=1,\,2,\,3,\cdots) \end{array}$$

と変形できる。ここで

$$c_n = b_n + \boxed{\mathcal{F}} n + \boxed{\mathcal{Y}} \qquad (n = 1, 2, 3, \cdots) \cdots 2$$

とおくと、 $\{c_n\}$ は、 $c_1=$ $\overline{\mathcal{F}}$ 、公比が $\overline{\mathsf{h}}$ の等比数列であるから、②により

である。ただし、 \blacksquare については、当てはまるものを、次の $igodeta \sim igodeta$ のうちから一つ選べ。

$$\bigcirc$$
 $n-2$ \bigcirc $n-1$ \bigcirc n \bigcirc $n+1$ \bigcirc $n+2$

第 4 問 (選択問題) (配点 20)

空間に異なる 4 点 O、A、B、C を、 $\overrightarrow{OA} \perp \overrightarrow{OB}$ 、 $\overrightarrow{OB} \perp \overrightarrow{OC}$ 、 $\overrightarrow{OC} \perp \overrightarrow{OA}$ となるようにとり、 $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$ 、 $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{c}$ とおく。さらに、3 点 D、E、F を、 $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}$ 、 $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}$ 、 $\overrightarrow{OF} = \overrightarrow{a} + \overrightarrow{c}$ となるようにとり、線分 BD の中点をL、線分 CE の中点をM とし、線分 AD を 3 : 1 に内分する点を N とする。

(1) \overrightarrow{OM} , \overrightarrow{ON} は, \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} を用いて

$$\overrightarrow{\mathrm{OM}} = \frac{1}{\boxed{7}} \overrightarrow{b} + \overrightarrow{c}, \quad \overrightarrow{\mathrm{ON}} = \overrightarrow{a} + \frac{\cancel{1}}{\boxed{\cancel{5}}} \overrightarrow{b}$$

と表される。

(2) 2直線 FL、MN が交わることを確かめよう。0 < s < 1 とし、線分 FL を s: (1-s)に内分する点を P とする。 \overrightarrow{OP} は、 $s \succeq \overrightarrow{a}$ 、 \overrightarrow{b} 、 \overrightarrow{c} を用いて

$$\overrightarrow{\mathrm{OP}} = \left(\begin{array}{c} \mathbf{I} & -\frac{s}{\hbar} \\ \hline \mathbf{J} & -\frac{s}{\hbar} \\ \end{array}\right) \overrightarrow{a} + s \overrightarrow{b} + \left(\begin{array}{c} \mathbf{J} \\ \hline \mathbf{J} \\ \hline \end{array}\right) - s) \overrightarrow{c}$$
 と表される。 $s = \begin{array}{c} \mathbf{I} \\ \hline \mathbf{J} \\ \hline \end{array}$ のとき、 $\overrightarrow{\mathrm{MP}} = \begin{array}{c} \mathbf{J} \\ \hline \end{array}$ $\overrightarrow{\mathrm{MN}}$ となるので、M、

N, Pは一直線上にある。よって、2直線 FL, MN は交わることがわかる。

(3) 2 直線 FL,MN の交点を G とする。 \overrightarrow{OG} , \overrightarrow{GF} は, \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} を用いて

$$\overrightarrow{OG} = \underbrace{\frac{\cancel{y}}{\cancel{y}}}_{\cancel{y}} \left(\underbrace{\cancel{z}}_{a} + \underbrace{\cancel{t}}_{b} + \overrightarrow{c} \right)$$

$$\overrightarrow{GF} = \underbrace{\frac{\cancel{y}}{\cancel{y}}}_{\cancel{y}} \left(\overrightarrow{a} - \underbrace{\cancel{t}}_{b} + \underbrace{\cancel{y}}_{c} \right)$$

と表される。

 $\begin{vmatrix} \overrightarrow{a} \end{vmatrix} = \sqrt{5}, \ \begin{vmatrix} \overrightarrow{b} \end{vmatrix} = 4, \ \begin{vmatrix} \overrightarrow{c} \end{vmatrix} = \sqrt{3}$ とする。このとき、 $\begin{vmatrix} \overrightarrow{GF} \end{vmatrix} = \boxed{9}$ 、 $\begin{vmatrix} \overrightarrow{GM} \end{vmatrix} = 2$ となる。

次に、直線OC上に点Hをとり、実数tを用いて、 $\overrightarrow{OH} = t\overrightarrow{c}$ と表す。 $\overrightarrow{GF} \cdot \overrightarrow{GH}$ 、 $\overrightarrow{GM} \cdot \overrightarrow{GH}$ は、tを用いて

$$\overrightarrow{\mathrm{GF}} \cdot \overrightarrow{\mathrm{GH}} = \boxed{\mathcal{F}} t + \boxed{\mathcal{F}}$$

$$\overrightarrow{GM} \cdot \overrightarrow{GH} = 2 t + \frac{10}{3}$$

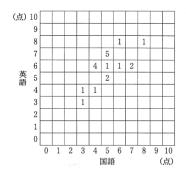
と表される。

さらに、
$$\angle$$
FGH = \angle MGH とする。このときの t の値を求めよう。
$$|\overrightarrow{\mathrm{GF}}| = \boxed{9}, \ |\overrightarrow{\mathrm{GM}}| = 2 \, \angle \, \angle \, \mathrm{FGH} = \angle \, \mathrm{MGH} \, \, \mathrm{である} \, \mathrm{CZ} \, \mathrm{Log} \, \mathrm{GH}$$

$$\overrightarrow{\mathrm{GF}} \cdot \overrightarrow{\mathrm{GH}} = \boxed{\frac{t}{\Box}} \, \overrightarrow{\mathrm{GM}} \cdot \overrightarrow{\mathrm{GH}} \qquad \cdots \qquad \Im$$
 が成り立つ。①、②、③ から、 $t = \boxed{\mathbf{Z}}$ である。

第5問 (選択問題) (配点 20)

ある高等学校の A クラスには全部で 20 人の生徒がいる。次の表は、その 20 人の生徒の国語と英語のテストの結果をまとめたものである。表の横軸は国語の 得点を、縦軸は英語の得点を表し、表中の数値は、国語の得点と英語の得点の組 み合わせに対応する人数を表している。ただし、得点は 0 以上 10 以下の整数値 をとり、空欄は 0 人であることを表している。たとえば、国語の得点が 7 点で英 語の得点が 6 点である生徒の人数は 2 である。



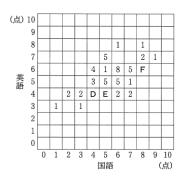
また、次の表は、Aクラスの20人について、上の表の国語と英語の得点の平 均値と分散をまとめたものである。ただし、表の数値はすべて正確な値であり、 四捨五入されていない。

	国 語	英 語
平均値	В	6.0
分散	1.60	С

以下、小数の形で解答する場合、指定された桁数の一つ下の桁を四捨五入し、 解答せよ。途中で割り切れた場合、指定された桁まで①にマークすること。

- (1) A クラスの 20 人のうち、国語の得点が 4 点の生徒は **ア** 人であり、英語の得点が国語の得点以下の生徒は **イ** 人である。
- (2) A クラスの 20 人について, 国語の得点の平均値 B は **ウ** . **エ** 点であり, 英語の得点の分散 C の値は **オ** . **カキ** である。
- (3) A クラスの 20 人のうち、国語の得点が平均値 ウ . エ 点と異なり、かつ、英語の得点も平均値 6.0 点と異なる生徒は ク 人である。 A クラスの 20 人について、国語の得点と英語の得点の相関係数の値は ケ . コサシ である。

次の表は、A クラスの 20 人に他のクラスの 40 人を加えた 60 人の生徒について、前の表と同じ国語と英語のテストの結果をまとめたものである。この 60 人について、国語の得点の平均値も英語の得点の平均値も、それぞれちょうど 5.4 点である。



(4) 上の表でD, E, Fを除いた人数は52人である。その52人について、国語の得点の合計は スセソ 点であり、英語の得点の合計は288点である。

したがって, 連立方程式

4 D + 4 E + 6 F = 36

- (5) 60 人から A クラスの 20 人を除いた 40 人について, 英語の得点の平均値は **ニ** . **ヌ** 点であり, 中央値は **ネ** . **ノ** 点である。
- (6) 60人のうち、国語の得点がx点である生徒について、英語の得点の平均値 M(x) と英語の得点の中央値 N(x) を考える。ただし、x は 1 以上 9 以下の整数 とする。このとき、M(x) \pm N(x) となるx は \bigcirc の \bigcirc

第6問 (選択問題) (配点 20)

与えられた二つの自然数 M と N について、M から始まる N 個の連続する自然数の積 M × (M+1) × (M+2) × · · · × (M+N-1) が 8 で割り切れるかどうかを調べ、その結果を出力する [プログラム 1] を作成した。ただし、INT (X) は X を超えない最大の整数を表す関数である。

〔プログラム 1〕

100 INPUT PROMPT "M=":M

110 INPUT PROMPT "N=":N

120 ア

130 FOR I=0 TO イ

140 LET X=X*(M+I)

150 NEXT I

160 IF ウ THEN

170 PRINT "8 で割り切れます"

180 エ

190 END IF

200 PRINT "8 で割り切れません"

210 END

		ここ に当てはまるものを,	次の🛛~🗐のうちから一つ	_	キ に当てはまるものを	次の🛛~🕤のうちから一つ
選	ぺ.			選べ。		
0	LET X=0	① LET X=1	② LET X=M	O LET C=0	① LET C=M-1	② LET C=L-1
3	LET X=M+N-1	4 LET N=M	S LET N=M+N	3 LET C=1	4 LET C=M	S LET C=L
	イと当てはまる	ものを,次の @~⑤ のう?	ちから一つ選べ。	ク , ケ にきべ。ただし,同じものを過)〜⑤ のうちから一つずつ選
0	M-1	① M	② N-1			
3	N	M+N−1	⑤ M+N	N-INT (N/K) *K<0	① N-INT(N/K)*K=0	② N-INT(N/K)*K>0
	La Marcha de Mar			③ X-INT(X/K)*K<0		⑤ X-INT (X/K) *K>0
	ウ に当てはまる	ものを,次の ②~⑤ のう	ちから一つ選べ。	コーに当てはまる	ものを, 次の ②~⑤ のうち	から一つ選べ
0	N-INT (N/8) *8<0	① N-INT(N/8)*8=0	② N-INT(N/8)*8>0		000 2, 000 000 000 000	ル-9 フ <u>医</u> 3
-	X-INT (X/8) *8<0	4 X-INT (X/8) *8=0	⑤ X-INT(X/8)∗8>0	O LET X=X+1	① LET N=N+1	② LET K=K∗2
			_	3 LET C=C+1		⑤ GOTO 210
	エ」に当てはまる	ものを,次の 0~⑤ のう	ちから一つ選べ。			
				(4) 〔プログラム 2〕を実行	し,変数 M に 4,変数 L	に5を入力したとき,202行
0	LET X=X+1	① LET M=M+1	② LET X=X/8	で出力される変数℃の値	は サ である。	
3	GOTO 150	→ GOTO 200	© G0TO 210			
				(5) [プログラム 2]におい	て,条件(*)を満たす <i>N</i>	の値をすべて出力するため
(2)	〔プログラム 1 〕を実行	したとき, 「8で割り切れ	ιます」と出力されるような変	には、たとえば、 シ] K	
数	M、Nへの入力について	て、M+Nの値の最小値は	オ である。	PRINT N		
	また,変数 M にどんな	- 自然数を入力しても,つ	 ねに「8 で割り切れます」と出	という行を挿入すればよ	い。 シ に当てはまる	るものを,次の ②~③ のうち
力	されるような変数Nへ	の入力がある。このよう	な変数 N への入力のうち、最	から一つ選べ。		
小	の自然数は カ で	ある。				
=	 こつの自然数 <i>M</i> と <i>L</i> が与	えられたとき、条件		◎ 110 行と112 行の間	① 150 行	Fと 152 行の間
	「 N は L 以下の自然数で	であり, かつ M から始ま	るN個の連続する自然数の	② 180 行と 182 行の間	③ 200 行	fと 202 行の間
	積 $M \times (M+1) \times (M$	$+2)\times\cdots\times(M+N-1)$	1)は2~で割り切れるが			
	2 N+1 では割り切れない	7]	(*)			
を満	たす N の個数を求めた	い。そのために,〔プロク	ブラム 1 〕を変更して,〔プロ			
グラ	ム 2]を作成した。ただ	し, 100 行と, 120 行から	150 行まで,190 行,210 行			
は変	更していない。					
()	プログラム 2〕					
	100 INPUT PROMPT					
	110 INPUT PROMPT	"L=":L				
	112 +					
	114 FOR N=1 TO L					
	120 ア					
	130 FOR I=0 TO					
	130 FOR I=0 TO					
	130 FOR I=0 TO 140 LET X=> 150 NEXT I					
	130 FOR I=0 TO 140 LET X=) 150 NEXT I 152 LET K=2^N	(* (M+I)				
	130 FOR I=0 TO 140 LET X=0 150 NEXT I 152 LET K=2^N 160 IF 2	(* (M+I)				
	130 FOR I=0 TO 140 LET X=) 150 NEXT I 152 LET K=2^N 160 IF 2 170 LET K=N	(* (M+I) THEN (*2				
	130 FOR I=0 TC 140 LET X=) 150 NEXT I 152 LET K=2^N 160 IF 夕 170 LET K=8	(* (M+I)				

190 END IF 200 NEXT N

210 END

202 PRINT "求める個数は";C